

# Table des matières

<b>Introduction</b>	<b>2</b>
<b>Chapitre I : Généralités sur les ensembles ordonnés et les treillis.</b>	<b>4</b>
1. Ensembles ordonnés	4
1.1 Fonction caractéristique	4
1.2 Relation binaire	4
1.3 Relation d'ordre	5
1.4 Ensemble ordonné	5
1.5 Diagramme de Hasse	6
1.6 Eléments particulières d'un ensemble	6
2. Treillis	7
2.1 Définition d'un treillis	7
2.2 Treillis fermés	8
2.3 Filtre dans un treillis	9
2.4 Idéal dans un treillis	11
2.5 Treillis distributif	11
2.6 Treillis complémenté	12
2.7 Treillis de Boole	13
<b>Chapitre II : Algèbres trivalentes de Łukasiewicz</b>	<b>15</b>
1. Logique trivalente de Łukasiewicz	15
1.1 Sémantique	15
1.2 Axiomatisation de Wajsberg	19
2. Algèbre trivalente de Łukasiewicz	20
<b>Chapitre III : Représentation des algèbres trivalentes de Łukasiewicz par des parties floues.</b>	<b>33</b>
1. Généralités sur les ensembles flous.	33
2. Théorème de représentation des $L_3$ algèbres.	37
<b>Conclusion.</b>	<b>41</b>
<b>Bibliographie.</b>	<b>42</b>